

Η Φάνη Πάλλη Πετραλιά έδωσε αγώνες για την ουσιαστική ισότητα των γυναικών. Στήριξε με όλες τις δυνάμεις της την Ελληνίδα μητέρα και εργαζόμενη. Μελέτησε τα προβλήματα, το πολύπλοκο και πολυδιάστατο κοινωνικό ρόλο στο οποίο καλείται να ανταποκριθεί.

- 1985 – 1989: Πρόεδρος του τμήματος Γυναικών της Νέας Δημοκρατίας.
- 1985: Ίδρυσε την Παναθηναϊκή Οργάνωση Γυναικών, που έφτασε να απαριθμεί 200.000 γυναίκες-μέλη, της οποίας και διετέλεσε Πρόεδρος για πολλά χρόνια.
- 1992 - 1996: Αντιπρόεδρος του τμήματος Γυναικών του Ευρωπαϊκού Λαϊκού Κόμματος.
  
- 1993: Πρόεδρος της Συντονιστικής Επιτροπής για το Δημογραφικό πρόβλημα.
- 1996: Υπεύθυνη του Τομέα Ισότητας και Ανθρωπίνων Δικαιωμάτων της Ν.Δ.
- 1996: Γραμματέας της Γραμματείας Γυναικών της Νέας Δημοκρατίας
- 1999: Η πρώτη Ελληνίδα που εκλέγεται Πρόεδρος της Ευρωπαϊκής Ένωσης Γυναικών (E.U.W.), της μεγαλύτερης γυναικείας οργάνωσης της Ευρώπης, η οποία απαρτίζεται από 22 Ευρωπαϊκά κράτη με μέλη γυναίκες Υπουργούς, βουλευτές, Ευρωβουλευτές, δημάρχους και γυναικείες Οργανώσεις από συντηρητικά και φιλελεύθερα κόμματα.
- 2000 - 2004 : Επικεφαλής της Γραμματείας Γυναικείων Θεμάτων της Ν.Δ
- 2001: Επανεκλέγεται Πρόεδρος της Ευρωπαϊκής Ένωσης Γυναικών (E.U.W.).
- 2002: Εκλέγεται Πρόεδρος της Διεθνούς Δημοκρατικής Ένωσης Γυναικών (I.D.U.W.), της μεγαλύτερης παγκόσμιας οργάνωσης με μέλη πολλές γυναικείες οργανώσεις και γυναίκες πολιτικούς από 80 χώρες από όλον τον κόσμο.